נגדיר פרדיקט לדוגמה: x מתחלק ב־y : $P\left(x,y\right)$.
למשל: $P\left(4,2\right)$ אומר: "4 מתחלק ב־2" (ולכן הוא T). צד שמאל אומר:
"לכל מספר שלם x קיים מספר שלם y כך ש: x מתחלק ב־y וגם לכל מספר שלם y קיים מספר שלם x כך ש: x מתחלק ב־y"
הפסוק הזה הוא F, כי עבור $y=0$ לא קיים x שלם כך ש: x מתחלק ב־y.
כדי שהטענה תהיה לא נכונה, אנחנו צריכים שהפסוק הזה יהיה T והפסוק בצד ימין של הגרירה יהיה F.
ננסה את הפרדיקט: $x<y$: $P\left(x,y\right)$. צד שמאל:
"לכל מספר שלם x קיים מספר שלם y כך ש: $x<y$ וגם לכל מספר שלם y קיים מספר שלם x כך ש: $x<y$".
צד ימין:
"לכל מספר שלם x קיים מספר שלם y כך ש: $x<y$ וגם $y<x$"
צד שמאל T, צד ימין F ולכן הגרירה כולה F.

המשוואה:

$$0 = a \cdot 1_F + 1_F$$

נוסיף לשני האגפים את -1_F ונקבל:

$$0 + (-1_F) = a \cdot 1_F + 0_F = a \cdot 1_F - 1$$

ולכן:

$$1 + (-1_F) = 0 + (-1_F) + 1 = a \cdot 1_F$$

נחפש נייטרלי לכפל: $a \odot b = ab + a + b$ - כלומר נחפש 1_F כך ש: $a \odot 1_F = a$. אם כן:

$$a \cdot 1_F + a + 1_F = a$$

$$0 = a \cdot 1_F + 1_F = 1_F (a + 1)$$

קיבלנו שמכפלה שווה ל־0, ולכן: $1_F = 0$ או $a + 1 = 0$. זה נכון לכל a, בהכרח: $1_F = 0$.

איבר הופכי - נחפש את a^{-1}, שמקיים: $a \odot a^{-1} = 1_F = 0$. כלומר:

$$a \cdot a^{-1} + a + a^{-1} = 0$$

$$(a+1)\,a^{-1} = -a \Longrightarrow a^{-1} = -\frac{a}{a+1}$$

נשים לב שאם $a = -1 = 0_F$, אין לו הופכי לכפל.

פרדיקט: $P(x,y):\ x=3$. צד שמאל:

"קיים מספר שלם x כך שלכל מספר שלם y מתקיים:

$x=3$", זה נכון. צד ימין:

"לכל מספר שלם x קיים מספר שלם y כך ש: $x=3$"

זה לא נכון.

"קיים מספר שלם x כך שלכל מספר שלם y מתקיים:

$y<x$".