

1. נסחו את המשפט הפולרי למשפט פסקל.
(אם לא ברורה הכוונה, נראה איך פותרים את התרגיל בתרגול חזרה).

2. (20) נתון מעגל יחידה γ עם מרכז O ונקודה A פנימית למעגל.
מצא את המרכז והרדיוס של מעגל δ מאונך למעגל γ כך שהפיכה
ב δ תשלח את נקודה O לנקודה A .

3. יהי S מעגל במישור. משולש במישור נקרא פולרי לעצמו כאשר כל קודקוד הוא
פולרי (ביחס ל- S) לצלע ממול. יהי ABC משולש פולרי לעצמו. הוכיחו שאחד מן
הקודקודים של ABC בהכרח נמצא בתוך המעגל ושניים מחוצה לו.

4. יהי C מעגל שמרכזו M ו- P נקודה שאינה על C השונה מ- M . תהיינה Y, X נקודות על C כך ש-
1. זווית PMX שווה זווית PMY
2. הישר PX חותך את המעגל C בנקודה נוספת: X'
3. הישר PY חותך את המעגל C בנקודה נוספת: Y' .
נגדיר $Q = XY' \cap X'Y, R = XY \cap X'Y'$.
הוכיחו: א. $QR \perp PM$. ב. אם Q בתוך המעגל אז R, P מחוץ לו (הסתמכו על תכונות ידועות של
הישר הפולרי).

הגדרה: יהי p ישר ו- C חתך חרוט. הנקודה P אשר הישר p הוא הפולרי לה נקראת
קוטב של p .

5. כזכור, הישר הפולרי לנקודה P (מחוץ ל- C) הוגדר בעזרת העבר שני ישרים דרך P החותכים את
המעגל בנקודות: X, X', Y, Y' . בנו את הבניה הדואלית לכך כאשר המקביל הדואלי לנקודה על המעגל
הוא משיק בנקודה זו, ז"א: יהי p ישר (החותך את המעגל בשתי נקודות). בנו את הקוטב ל- p ע"י בחירת
שתי נקודות על p ו-4 משיקים מהן למעגל.