

**קלר** – פתרון סינגולרי עבור  $x + \frac{df(y')}{dy'} = 0$  (לשים לב לפי מה גוזרים, ושמחלצים בסוף את  $y'$ ).  
 הפתרון הזה יהיה פתרון מעטפת לפתרון הכללי (משיק לכל הפתרונות).  
 משוואות מדויקות – לא לשכוח ש  $M(x, y) = \frac{\partial \phi}{\partial x}$ ,  $N(x, y) = \frac{\partial \phi}{\partial y}$  , למציאת  $C_1(x)$  ו-  $C_2(y)$ . תיקון  
 למשוואות מדויקות מהצורה  $\mu = \mu(xy)$  אם  $\frac{\frac{\partial N}{\partial x} - \frac{\partial M}{\partial y}}{Mx - Ny}$  פונקציה של  $xy$ , אז נמצא את  $\mu$  ע"י המשוואה:  

$$\frac{\frac{d\mu}{d(xy)}}{\mu} = \frac{\frac{\partial N}{\partial x} - \frac{\partial M}{\partial y}}{Mx - Ny}$$
 (אולי יש ביטוי מפורש למיו באחת ההרצאות).

**שימוש בזהות אבל:** מציאת פתרון הומוגני של מד"ר לינארית הומוגנית מסדר שני, בעזרת פתרון הומוגני ידוע: אם ידוע פתרון  $y_1$  למד"ר  $y'' + P(x)y' + Q(x)y = 0$ , הפתרון השני יהיה:

$$y_2 = y_1 \cdot \int \frac{Ae^{\int (-P)dx}}{y_1^2} dx$$

**שיטת הורדת סדר** – אין בכלל בדף, שיטה נוחה למציאת פתרון כללי למד"ר בהינתן פתרון הומוגני.  
 מהצבת "שאר הפתרון" בתור  $y_2 = y_1 \cdot v(x)$ , נותר למצוא את  $v$  מהמשוואה:  
 $v'(2y_1' + Py_1) + v''y_1 = R$  (משוואה ללא  $v$ ).

**פתרונות סינגולרים:** (1) פתרון שהוא פונקציה סינגולרית (לא מוגדרת בנקודה מסוימת [שואפת לאינסוף]) גם בפונקציה וגם בנגזרותיה.

(2) פתרון שלא מתקבל מהפתרון הכללי: א) פתרון שגורם לכך שאין פתרון יחיד לכל תנאי התחלה בתחום. ב) פתרון מעטפתי משיק לכל פתרון (למשל בקלרו).

**המשוואה הלוגיסטית:** זה פשוט הפרדת משתנים.