

תרגיל 4 אינפי 3

תרגיל 10.1. עברור כל אחת מהתבניות הבאות קבוע אם היא מדויקת בתחום הנתון. במידה וכן, מצא את פונקציית היפותיאלי של השדה המתאים.

$$\mathbb{R}^2 \text{ בכל } \omega(x, y) = e^{x-y} (1+x+y) \mathbf{d}x + e^{x-y} (1-x-y) \mathbf{d}y .1$$

$$\mathbb{R}^2 \text{ בכל } \omega(x, y) = \frac{y^2}{1+x^2+y^2} \mathbf{d}x + \frac{y}{1+x^2+y^2} \mathbf{d}y .2$$

$$\{(x, y) : x > y\} \text{ ב } \omega(x, y) = -\frac{y^2}{(x-y)^2} + \frac{x^2}{(x-y)^2} .3$$

$$\omega(x, y) = \frac{2y}{(x+y)} \mathbf{d}x - \frac{2x}{(x+y)} \mathbf{d}y .4$$

תרגיל 10.2. האם התבנית

$$\omega(x, y) = \frac{(x-y)}{x^2+y^2} \mathbf{d}x + \frac{(x+y)}{x^2+y^2} \mathbf{d}y$$

מדויקת על $\mathbb{R}^2 \setminus \{(0, 0)\}$? במידה וכן, מצאו את היפותיאלי של השדה המתאים.

תרגיל 10.3. חשבו את האינטגרלים הבאים.

$$ABCD \text{ כאשר } \Gamma \text{ היא השפה של הריבוע } \int_{\Gamma} \frac{x}{x^2+y^2} \cdot \mathbf{d}x + \frac{y}{x^2+y^2} \mathbf{d}y .1$$

$$A = (1, 0), B = (0, 1), C = (-1, 0), D = (0, -1)$$

נגד כיוון השעון.

$$\Gamma = \{(x, y) : (x-2)^2 + (y-3)^2 = 1\} \text{ כאשר } \int_{\Gamma} -\frac{y}{x^2+y^2} \mathbf{d}x + \frac{x}{x^2+y^2} \mathbf{d}y .2$$

$$\int_{\Gamma} y^3 z^2 \mathbf{d}x + (x^2 + y^2 + z^2) \mathbf{d}y + z \mathbf{d}z .3$$

$$\Gamma = \{(x, y, z) : y^2 + z^2 = 4, x = 0, z < 0\}$$

$$\Gamma = \left\{(x, y) : \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1\right\} \text{ כאשר } \int_{\Gamma} x^2 \mathbf{d}x + y^2 \mathbf{d}y = 1 .4$$

תרגיל 10.4. הוכחו שגם $\|F(x)\| \leq M$ עבור שדה F , Γ פשוטה, אז לכל פרמטריזציה γ של Γ מתקיים

$$\left| \int_{\Gamma} F \cdot \mathbf{d}\gamma \right| \leq ML(\Gamma)$$