

תרגילים מ מבחנים של אחרים

מודיעי המכח תשפוג מועד א

$$1. \text{ מצאו פתרון למד"ר } y' = \frac{2x}{y+x^2} \text{ המקיימים } .y(0) = -2$$

$$2. \text{ מצאו פתרון למד"ר } 0 = (x+y^2) dx - 2xy dy \text{ המקיימים } .y(1) = 1$$

$$3. \text{ מצאו פתרון למד"ר } 2y' + 2y = e^x \text{ המקיימים } .y(0) = 2, y'(0) = 2$$

4. כדור בעל מסה $m = 1\text{kg}$ נעה ב מהירות התחלתית אפס. מה תהיה מהירות הכדור לאחר 2 שניות כאשר: (בשתי הטעיפים לצורך הפשטות ניתן להניח כי קבוע תאוצה כדור הארץ הוא $g = 10$.)

(א) הכח היחיד הפועל על הכדור הוא כוח המשיכה mg .

(ב) הכוחות הפעילים על הכדור הם כוח המשיכה mg וכוח התנגדות האוויר שגודלו שווה לגודל המהירות v

מודיעי המכח תשפוג מועד ב

$$5. \text{ מצאו פתרון למד"ר } (xy' - 1) \ln(x) = 2y \text{ המקיימים } .y(e) = 0$$

$$6. \text{ מצאו פתרון למד"ר } 0 = (1 + y^2 \sin(2x)) dx - 2y \cos^2(x) dy \text{ המקיים } .y(0) = -2$$

$$7. \text{ מצאו פתרון למד"ר } 2y' - y'' = xe^{2x} \text{ המקיימים } .y(0) = 0, y'(0) = 0$$

8. כדור בעל מסה $m = 1\text{kg}$ נבעט לכיוון מעלה ב מהירות התחלתית של 20 מטר לשנייה. מה יהיה גובה הכדור ברגע שהמהירות הרגעית שלו תתאפס כאשר: (בשני הטעיפים לצורך הפשטות ניתן להניח כי קבוע תאוצה כדור הארץ הוא $g = 10$.)

(א) הכח היחיד הפועל על הכדור הוא כוח המשיכה mg .

(ב) הכוחות הפעילים על הכדור הם כוח המשיכה mg וכוח התנגדות האוויר שגודלו שווה לגודל המהירות v .

הנדסה תשפוג מועד ב

$$9. \text{ מצאו פתרון למד"ר } (e^x + 1) y' + 1 = -ye^x \text{ המקיים } .y(0) = 0$$

$$10. \text{ מצאו שני פתרונות למד"ר } y\left(\frac{1}{e}\right) = -1 \text{ המקיימים } .y\left(\frac{1}{e}\right) = -1, (x+xy)y' = \frac{1}{2}$$

$$11. \text{ מצאו פתרון למד"ר } 2y' - y'' = 2e^x \text{ המקיים } .y(0) = 2, y'(0) = 5$$

12. כדור בעל מסה $m = 2$ נזרק כלפי מעלה ב מהירות התחלתי של 20 מטר לשנייה. הניחו כי קבוע הכבידה של כדור הארץ הוא $g = 10$ מטר לשנייה בריבוע.

(א) בהנחה שכוח המשיכה הוא הכוח היחיד הפועל על הכדור, חשבו את הזמן בו הכדור יגיע לשיא הגובה.

(ב) בהנחה שבנוסף לכך המשיכה, כוח התנגדות האוויר שווה בגודלו לחצי מגודל המהירות, מה תהיה מהירות הכדור ומה יהיה כיוונה לאחר שנייה אחת?

13. יהיו פרמטרים חיוביים $a < 0$ ו $b \in \mathbb{R}$ ובמ"ר $y' = y - 2axy^3$. עבור אילו ערכי a , אם בכלל, קיים פתרון למ"ר המקיים $y(0) = -1$ וכן $\lim_{x \rightarrow -\infty} y(x) = 0$.

הנדסה תשפוג בוחר

14. מצאו פתרון למ"ר $y' = x(y^3 - y)$ המקיים את תנאי התחילה $y(0) = \frac{1}{\sqrt{2}}$.

15. מצאו פתרון למ"ר $y' = 1 - \frac{y}{x} - \frac{e^x}{2x}$ המקיים את תנאי התחילה $y(1) = 0$.

16. כדורגל בעל מסה של $1\text{kg} = m$ נבעט כלפי מעלה מהרצפה ב מהירות התחלתי של 20 m/sec . הניחו כי כוח המשיכה הוא קבוע ושווה ל- mg , כאשר g קבוע תאוצת הכבידת כדור הארץ. הניחו כי $v_0 = 10\text{ m/sec}$. מצאו את גובה הכדור לאחר 2 שניות, במקרה הבא:

(א) בהנחה שאין כוחות נוספים פרט לכך המשיכה.

(ב) בהנחה שכוח התנגדות האוויר בכל רגע שווה בגודלו לגודל המהירות של הכדור.

מתמטיקה תשפוג מועד ב

17. מצאו פתרון למ"ר $y' = x^2y + xy + 1 = 0$ המקיים את תנאי התחילה $y(1) = 0$.

18. מצאו פתרון למ"ר $y' = 1 - \frac{y}{x} - \frac{e^x}{2x}$ המקיים את תנאי התחילה $y(1) = 0$.

19. מצאו פתרון למ"ר $y'' = 2y' + y = xe^x$ המקיים $y(0) = 0, y'(0) = 1$.

20. כדורגל בעל מסה של $2\text{kg} = m$ נזרק כלפי מעלה מגובה של $y_0 = 10m$ ומגיע לקרקע לאחר 2 שניות. כמו כן נתון כוח התנגדות האוויר שווה בגודלו לחצי מגודל המהירות הכדור. לצורך הפשטות הניחו כי קבוע תאוצת הכבידת כדור הארץ הוא $10 = g$.

(א) מצאו את המהירות בה נזרק הכדור.

(ב) מצאו את תאוצת הכדור ברגע הפגיעה בקרקע.

מתמטיקה תשפוג מועד א

21. מצאו פתרון למ"ר $y' = xy^2 + y = xy^2$ המקיים את תנאי התחילה $y(0) = \frac{1}{2}$.

22. מצאו פתרון למ"ר $y'' = 2xyy' = y^2 - 1$ המקיים את תנאי התחילה $y(2) = 0$.

23. מסה של $2\text{kg} = m$ מחוברת לקפיץ בעלי קבוע קפיץ k על משטח חסר חיכוך. כמו כן נתון כי ברגע $t = 0$ המסה הייתה ממוקמת כך שהקפיץ היה רופוי, אך מהירותה של המסה לא הייתה אפס. לבסוף, נתון כי הרגע הבא בו המסה חזרה למיקום בו הקפיז רופוי הוא $t = \frac{\pi}{2}$.

(א) מצאו את קבוע הקפיז k .

(ב) מצאו את גודל מהירותה של המסה ברגע $t = 0$, אם ברגע $t = \frac{\pi}{4}$ המסה הייתה ב מרחק מטר אחד מנקודת הריפוי.