

ЛИНЕАРИТ 1 - ТРЕНИРОВКА 4

ТРЕНИРОВКА 1. МНОЖЕСТВО ИДЕАЛЫ

1. Найдите значение комплексного числа z^{-1} , если комплексное число z имеет модуль $|z| = \sqrt{2}$.

2. Найдите значение выражения $\left(i + \left(i + (i+1)^{-1} \right)^{-1} \right)^{-1}$.

3. Найдите значение выражения $(1 + i + i^2 + i^3 + \dots + i^{34})^{71}$.

4. Найдите значения коэффициентов в канонической форме уравнения $z^4 + az^3 + bz^2 + cz + d = 0$, если известны значения корней $i, -i, 1+i$ и $1-i$.

(а) $1 + i$
 (б) $-\frac{1}{\sqrt{3}} - i$

ТРЕНИРОВКА 2. РЕШЕНИЕ СИСТЕМ ЛИНЕЙНЫХ УРАВНЕНИЙ

$$\begin{cases} x + 4y + 5z = 6 \\ -x - 2y - 6z = -3 \\ 4x + 10y + 23z = 15 \end{cases} .1$$

$$\begin{cases} 3x + 2y + w = 4 \\ -2x + 4z - 6w = -4 \\ x + y + z - w = 1 \end{cases} .2$$

ТРЕНИРОВКА 3. Учитывая, что коэффициент a не является нулем, решите систему линейных уравнений, если известны коэффициенты и свободные члены:

$$\begin{cases} ax + ay - az = a \\ -x + 4y - az = 0 \\ 2x - 8y + 4z = 1 \end{cases} .1$$

$$\begin{cases} x + y + z = a \\ ax + (2a-2)y + (a^2+a)z = a^2 \\ -6x - 2y - 2ya - za^2 - 5az = -5a - 3 \end{cases} .2$$

ТРЕНИРОВКА 4. Установите, сколько решений имеет система линейных уравнений $Ax = b_1$ и $Ax = b_2$.

1. Если система (1) имеет бесконечное множество решений, то система (2) имеет бесконечное множество решений.

2. Если система (1) имеет единственное решение, то система (2) имеет единственное решение.

3. Если система (1) не имеет решений, то система (2) не имеет решений.

תרגיל 5. נתון

$$A = \begin{pmatrix} 2 & -3 & -5 \\ -1 & 4 & 5 \\ 1 & -3 & -4 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -1 & 3 & 5 \\ 1 & -3 & -5 \\ -1 & 3 & 5 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 2 & -2 & -4 \\ -1 & 3 & 4 \\ 1 & -2 & -3 \end{pmatrix}$$

הראו כי

$$AB = BA = 0 \ .1$$

$$CA = C \ .2$$

$$AC = A \ .3$$

4. מה המסקנות שלכם לשאלת הזאת?

$$\text{תרגיל 6.} \text{ נתון } A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 2 & -1 & 3 \\ 4 & 1 & 8 \end{pmatrix}$$

$$A^{-1} \ .1$$

$$(לא לפחד ממספרים גדולים) (A^{-1})^2 \ .2$$

$$A^2 \ .3$$

4. מה אתה צפוי לקבל אם תכפיל את המטריצה שקיבלת בסעיף 3 במטריצה שקיבלת בסעיף 2? בצע את ההכפלת, ובדוק שאתהamat צודק.

$$\text{תרגיל 7.} \text{ עבור המטריצה } A = \begin{pmatrix} a(a+1) & a^2 + 3a & -a^2 \\ a+1 & 2 & 1 \\ 2(a+1) & 4 & a^2 + 3 \end{pmatrix} \text{ קבע:}$$

1. עבור אילו ערכי a ממשי המטריצה לא הפיכה?

2. עבור אילו ערכי a מרכיב המטריצה לא הפיכה?

בצלחה!!