

### תורת הקבוצות - תרגיל בית 3

20 בנובמבר 2016

1. הוכיחו:  $\alpha$  טבעי  $\iff s(\alpha)$  טבעי.
2. נגדיר את  $\omega$  להיות קבוצת כל הסודרים הטבעיים.
  - א. הוכיחו ש  $\omega$  סודר.
  - ב. הוכיחו ש  $\omega$  הוא הסודר הגבולי הקטן ביותר שאינו  $\emptyset$ .
  3. יהיו  $A, B$  איזומורפיות סדר. הוכיחו שהאיז' סדר בניהן הוא יחיד.
  4. תהי  $A$  קבוצה סדורה היטב, ו  $B \subseteq A$ . הוכיחו:  $type(B) \leq type(A)$ .
  5. הוכיחו את "קש"ב לסודרים": יהיו  $A$  ו  $B$  סדורות היטב, ונניח שיש  $f : A \rightarrow B$  שומרת סדר, ו  $g : B \rightarrow A$  שומרת סדר, אז יש  $h : A \rightarrow B$  איזומורפיזם סדר. (רמז: השתמשו בתרגיל הקודם)