

איןפי 1 - הדרכה לתרגיל בחירה 1 (הקבוצה של ניר)

19 באוקטובר 2015

הדרכה לפתרון

בכיתה הראנו את אי שיווין המומוצעים עבור $2 = n$ באופן גיאומטרי וכן בעזרתו אי שיווין ברגוני הראנו גירסה פרטית בה (מלבד איבר יחיד) כל האיברים שוים. יש דרכים רבות להוכיח את הטענה מעלה. אנו נסתפק בלהציג הוכחה לאי שיווין המומוצעים במקרה הכללי בשתי הדרכים הבאות:

1. התבוננו בטענה שהוכיחנו בכיתה עבור הקשר בין מכפלת מספרים ממשיים לסכוםם וכן בטענת המשך בדבר השיווין. בחרו באופן מושכל קבוצה של מספרים

$$\{y_1, \dots, y_n\}$$

לקבל כ"א מצד אחד אי השיווין. שימוש לב שמהטענה בכיתה השיווין יתקיים אם ו"

$$x_i = x_j \quad , \forall 1 \leq i, j \leq n.$$

2. (אינדוקציה קושי). נתבונן תחילתה בא"ש הימני. הוכיחו את נכונות הטענה באינדוקציה.

- הוכיחו תחילתה עבור $n = 2^k$.
- הראו שניתן להרחב את ההוכחה ליתר המספרים הטבעיים (התחלו בבדיקה נכונות עבור $n = 3$).

ניתן לבצע בדומה בא"ש השמאלי ע"י בחירה של קבוצת מספרים אחררת הקשורה ל x_i (בעצם זו אותה הסידרה שבחרנו להוכיחת צד זה בדרך הראשונה).