

מבוא לתורת המשחקים

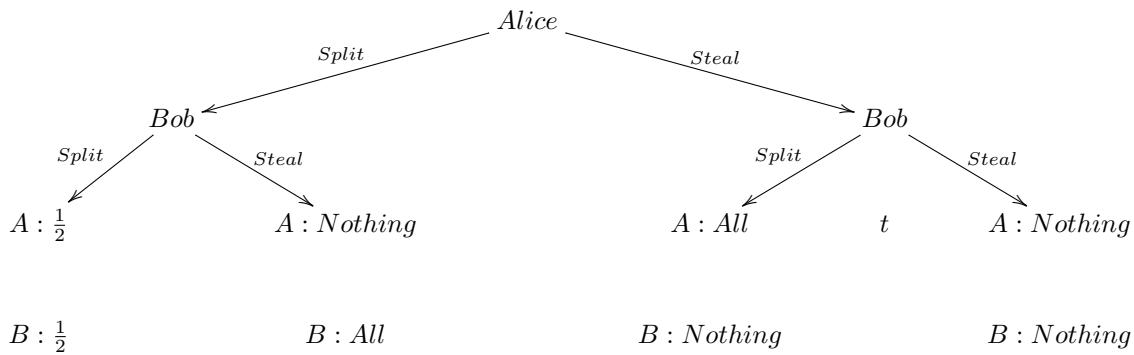
89-617-01

מקליד: עידן אריה
מרצה: פרופ' דוד סרנה
תאריך: 2015-10-18

אתר: <http://u.cs.biu.ac.il/~sarned/Courses/GT/>

הפוקוס בקורס יהיה על הסיטואציה האסטרטגית שבמשחק Golden Balls. שני שחקנים צריכים לבחור אם לחלק או לגנוב את הכסף.

- אם שניהם בוחרים לחלק, שניהם לוקחים חצי
- אם שניהם בוחרים לגנוב, אף אחד לא לוקח כלום
- אם אחד בוחר לגנוב והשני לחלק, זה שבחר לגנוב לוקח את הכל



זהו משחק קלאסי בתורת המשחקים. לפי התיאוריה הרציונאלית שני האנשים אמורים להגיד Steal ועדין יש מקרים שאנשים אומרים Split. (אם משתמשים גם על התנהגות לא רציונאלית אפשר להסביר את זה)

תורת המשחקים

- ענף של המתמטיקה והכלכלה המנתה ממצבי עימوت או שיתוף פעולה בין מחייבי החלטות בעלי רצונות שונים:

- משחקים בהם כל אחד רוצה לנצח.
- פעילות כלכלית, בה כל אחד מהעסקים שואף להגיע למקסימלי.

- מספקת גישה למידול מצבים וסיטואציות בהן מקבל החלטה מצוי באינטראקציה אסטרטגיית(strategic interaction, בד"כ מצב תחרותי) עם מקבל החלטה אחרים.

- ההנחה היא כי ככל מקבל החלטה הם רצינeliים לחוטין – פועל אך ורק כדי לאפות את פונקציית התועלת שלו.

- אין לנו בעיה עם מקבל החלטה שמתחשב בזול – פשוט מכנים את האינטראס של הזולות לפונקציית המטרה.

- משמש במגוון תחומיים: לוגיקה, מדעי המדינה, מדעי המחשב, פסיכולוגיה, ביולוגיה...

המטרה בתורת המשחקים

- אנחנו לא השחקן – אנחנו אלו שחוקרים את המשחק. המטרה שלנו היא לפתור את המשחק – ליזהות מהן הפעולות שהשחקנים צפויים להשתמש בהן. להוות שווי משקל. דרך זה שאנו יודעים את הפעולות הצפויות של השחקנים נוכל להגיד מה תהיה התוצאה.

- לעיתים המטרה היא ליצור מנגנוןיעיל יותר(mechanism design)

מבוא לתורת המשחקים

89-617-01

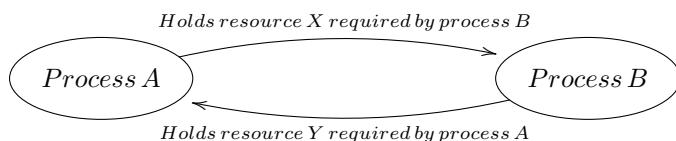
מקליד: עידן אריה
מרצה: פרופ' דוד סרנה
תאריך: 2015-10-18

– לדוגמה – מכרז שבו הזוכה הוא זה שנתן את ההצעה הטובה ביותר, והמחיר שהוא יצטרך לשלם זה המחיר השני הכי טוב. באמצעות תורת המשחקים ניתן להוכיח שזה גורם לכל אחד להציג מחיר מציאותי.

- לנבי נesson של התנוגות השחקנים עשויה להיות משמעותית בנסיבות – במידה והשחקנים רציונליים לחוטין ואינם מוגבלים חשיבות. במקרה רוב השחקנים לא כאלה.

דוגמה - משחק deadlock

- שני שחקנים
- לכל אחד תהליך שנמצא בדילוק עם השני



האסטרטגיה מתקדמת בהחלטה מתי לוותר לתהליך השני.

- המטרה של התהליכים היא לא בהכרח זו של מערכת הפעלה
- האם תקשורת תעוזר? לא בהכרח. תקשורת עוזרת כאשר יש משחקים חוזרים, ואפשר להבטיח דברים לקראת המשחקים הבאים
- האם יכול להתחייב תעוזר?
- הסא תנסה מהו העובדה שמדובר במסpiel חזר (סופי/אין סוף)? במסpiel סופי, המשחק האחרון הוא בעצם משחק יחיד.
- התשובה משתנה אם השחקן השני אינו רציוני לחוטין.
- אפשר למצוא אסטרטגיה שם כולם ידקנו בה לא תהיה אף אחד סיבה לסתות:
 - כל תהליך שהזמן דורש את משאב לא הכיר יכחعد אין סוף
 - מי שמחזיק את המשאב שדרוש לתהליך עם המשאב הכى קטן ישחרר אותו
- לתהליך שאמור לשחרר אין מה להרוויח אם הוא לא ישחרר את המשאב, כי כל שאר התהליכים יחכו עד אין סוף ולא ישחררו את המשאב שלו.

הקשר למדעי המחשב

- יש לנו הרבה בעיות במדעי המחשב שהן self-interested – כל סוכן מנסה למיקסם פונקציית מטרה משל עצמו.
- תכנון מכניזמים שבהם אם כל הפרטים עובדים בצורה רציונלית ניתן להגיע לתוצאה הרצויה
- החישובים עצמאים:
 - סיבוכיות(P ? NP ? ?)
 - האלגוריתמים עצמאים approximation –

מבנה המשחק

- **שחקנים** - מקבלי החלטות במשחק

– מאוד חשוב להיות מי באמת השחקנים במשחק. לעיתים מישהו שאנו חושבים שהוא שחקן הוא לא באמת שחקן.

- **פעולות** - מהן הפעולות האפשריות לכל שחקן

– גם גילי אינפורמציה לשחקנים האחרים יכול להיות פעולה

– **פעולותמושפעות מציר הזמן** - פעולה שאני מבצע היום יכולה להשפיע על סט הפעולות של שחקן אחר מחר

- **תמורות** - הערך של התועלות של השחקנים השונים לכל סט של פעולות:

– תמורה כספית

– שוויוניות

– אקולוגיות

כל דבר יכול להיות תמורה - בסופו של דבר התמורות מותרגמות לערך אחד - התועלת

תועלת: מנסה לכמת את רמת העדפה של מקבל החלטה בין אלטרנטיבות

- כוללת בתוכה את אלמנט האי וDAOOT בכל אלטרנטיבה
- בדרך כלל נשתמש בפונקציה, הרבה פעמים מרובות משתנים
- מקבל החלטה רצינלית וself-interested