

תורת הקבוצות תרגיל בית 2

21 באוקטובר 2018

1. תהי A קבוצה שכל איבריה קבוצות. נסמן ב $\bigcup A$ את איחוד כל הקבוצות שב A .
 $\bigcup A = \{x \mid \exists B \in A : x \in B\}$. הוכיחו: $\in A$ –טרנזיטיבית אמ"ם $\bigcup A \subseteq A$.
 2. יהיו $\{A_i\}_{i \in I}$ קבוצות \in –טרנזיטיביות. הוכיחו: $\bigcap_{i \in I} A_i$ ו $\bigcup_{i \in I} A_i$ הן קבוצות \in –טרנזיטיביות.
 3. תהי A קבוצה. נסמן: $A_0 = A$, $A_n = A_{n-1} \cup (\bigcup A_{n-1})$, $tc(A) = \bigcup_{n \in \mathbb{N}} A_n$. הוכיחו: $tc(A)$ היא הקבוצה ה \in –טרנזיטיבית המינימלית שמכילה את A .
 4. תנו דוגמא לקבוצה \in –טרנזיטיבית שאינה סודר.
 5. תהי $(A, <)$ קבוצה סדורה. נסמן ב $(A, <^{-1})$ את הסדר ההפוך על A . כלומר,
 $a <^{-1} b \iff b < a$.
- תנו דוגמא לקבוצה סדורה קווית $(A, <)$ כך שהאיזומורפיזם סדר היחיד ממנה לעצמה הוא הזהות, אבל $(A, <)$ וכן $(A, <^{-1})$ לא סדורים היטב.