

ג'טוגרפיה אלגברית - חציג כר

1. מיפוי

נגיד מהו F_1 ?

:פער

לפיכך $F_1 \cong \mathbb{Z}$

רלוֹג נֶהָרָה אֶל \mathbb{Z} נוּנְתֵּן וְהַעֲרֵה (אַלְפִּירָה)

תנו $\{\alpha\}$ קבוצה נס. ז'ר. ו.ז.

לפיכך $\alpha: \{\alpha\} \rightarrow \mathbb{Z}$

תנו G חבוקה, ו.ז. $f: \{\alpha\} \rightarrow G$

$L(n) := (f(\alpha))^n$ ו.ז. $f: L: \mathbb{Z} \rightarrow G$

לפיכך $L(m+n) = (f(\alpha))^{m+n} = (f(\alpha))^m (f(\alpha))^n = L(m) \cdot L(n)$

לפיכך $L \circ \alpha = f \Leftarrow (L \circ \alpha)(x) = L(\alpha(x)) = L(1) = f(x)$

ולפיכך $L' \circ \alpha = f$ ו.ז. $L': \mathbb{Z} \rightarrow G$

$L'(1) = L'(\alpha(x)) = f(x)$

$L'(n) = L'(n-1) = (L'(1))^n = (f(x))^n = L(n), n \in \mathbb{Z}$

ולפיכך L' יופיע

$F_1 \cong \mathbb{Z}$ ו.ז. F_1 נ.ז. ו.ה. (א.ל.פ.ר.ה.) \mathbb{Z} , ו.ז. \mathbb{Z} ג.ז. (א.ל.פ.ר.ה.)

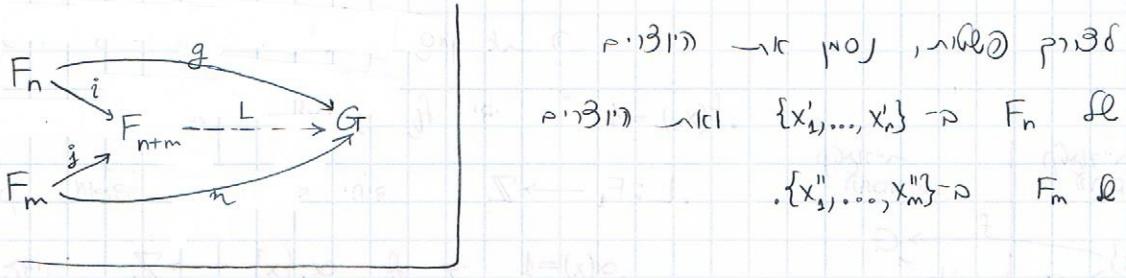
$$B = i \cdot J \iff (B)_{ij} = i \cdot J_{ij} = (i \cdot J)_{ij}$$

2 גשל

$$F_n * F_m \cong F_{n+m}$$

הוכחה:

$F_n * F_m$ של אוסף נספחים של F_{n+m} ו- F_{n+m} נספחים.



בנוסף, $\{x'_1, \dots, x'_n\} \rightarrow F_n$ של אוסף נספחים.

$\{x''_1, \dots, x''_m\} \rightarrow F_m$ של אוסף נספחים.

לעתה נוכיח: $j: F_m \rightarrow F_{n+m}$ ו- $i: F_n \rightarrow F_{n+m}$ הרכבה הולמת.

נניח $f: F_m \rightarrow G$ קונטינואלי. אז F_m של F_n של אוסף נספחים.

לעתה נוכיח: $j(x''_k) = x'_{n+k}$ ו- $i(x'_k) = x_k$.

כדי לכך כ' הוכחה. נוכיח $L \circ j = f$ ו- $L \circ i = g$.

נניח $g: F_n \rightarrow G$ קונטינואלי. אז F_n של G של אוסף נספחים.

לעתה נוכיח $L \circ f = g$. נוכיח $L: F_{n+m} \rightarrow G$ קונטינואלי.

נניח $h: F_m \rightarrow G$ קונטינואלי. אז F_m של G של אוסף נספחים.

לעתה נוכיח $L \circ h = j$. נוכיח $L: F_{n+m} \rightarrow G$ קונטינואלי.

לעתה נוכיח $L \circ j = h$ ו- $L \circ i = g$.

$$L(i(x'_k)) = L(x_k) = g(x'_k) \implies L \circ i = g$$

$F_n * F_m$ של אוסף נספחים של F_{n+m} , סוף הוכחה.

$$F_n * F_m \cong F_{n+m}$$

3 מיל

Given A, B sets such that $A \times B = \emptyset$. Then $\emptyset \subseteq A \times B$.

Given G, H sets such that $(G \times H) \cap (\emptyset \times A) = \emptyset$.

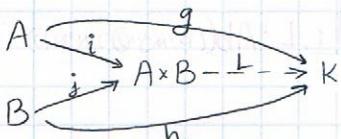
Given G, H sets such that $(G \times H) \cap (\emptyset \times A) = \emptyset$.

β is the function.

Definition:

Given G, H sets such that $(G \times H) \cap (\emptyset \times A) = \emptyset$.

$G * H$ is the set $\{k \in \mathbb{N} \mid \exists (g, h) \in G \times H$ such that $i(g) = k$ and $j(h) = k\}$.



Given $i: A \rightarrow A \times B$ and $j: B \rightarrow A \times B$, we can define $L: A \times B \rightarrow K$ by $L = i \circ g = j \circ h$.

Given $i: A \rightarrow A \times B$ and $j: B \rightarrow A \times B$, we can define $L: A \times B \rightarrow K$ by $L = i \circ g = j \circ h$.

$L \circ j = h^{-1}$ $L \circ i = g^{-1}$ $\Rightarrow L: A \times B \rightarrow K$.

$b \in B$ $\exists g^{-1}(b) = (1_A, b)$ $a \in A$ $\exists i(a) = (a, 1_B)$.

$L(a, b) = g(a)h(b)$.

$L(a_1, b_1)(a_2, b_2) = L(a_1 a_2, b_1 b_2) = g(a_1 a_2)h(b_1 b_2) = g(a_1)g(a_2)h(b_1)h(b_2) =$

$$L(a_1, b_1)L(a_2, b_2)$$

$L \circ i = g \Leftarrow L(i(a)) = L(a, 1_B) = g(a) \cdot 1_K = g(a)$, $a \in A$.

$L \circ j = h \Rightarrow L(j(b)) = h(b)$.

L is a function.

$$L(a, b) = L((a, 1_B)(1_A, b)) = L(a, 1_B)L(1_A, b) = L(i(a))L(j(b)) = g(a)h(b)$$

4 of 4

$$\text{Ab}(G * H) \cong \text{Ab}(G) \times \text{Ab}(H)$$

כינוך

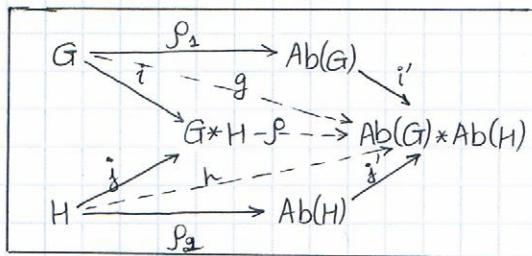
ר' ירמיהו, ר' ירמיהו Ab(H) -> Ab(G)-Q יונתא, יונתא ג' (ג' ערך)

$$\text{Ab}(G) \times \text{Ab}(H) \cong \text{Ab}(G) * \text{Ab}(H)$$

אם כן, לפי הינה φ מגדירה $\text{Ab}(G) * \text{Ab}(H)$ על $\text{Ab}(G \times H)$.

$$\rho: G * H \longrightarrow \text{Ab}(G) * \text{Ab}(H) \quad \text{defining } \rho$$

לפקט אחוי (המוכרת גונדר) (הסגר שחריר):



כט. $f: H \rightarrow \text{Ab}(G) * \text{Ab}(H)$ $g: G \rightarrow \text{Ab}(G) * \text{Ab}(H)$ Def. $f \circ g$ הינו מוגדר כ-

דיעון NO 0.1 ג' (הנ'ג) (continuation)

תאָגָן כְּנָס וְגַרְיָה (וְנִזְנִילָה) בְּמִזְבֵּחַ סְמִינִי (אֲוֹתָנָה הַזְּעִירָה שֶׁבְּלִבְנָה אֲכִילָה עִזְבָּה).

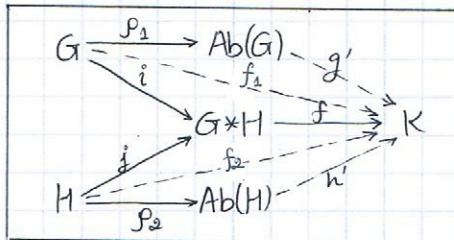
רְדָבֶת הַכְּנָסֶת וְנִיחְזֵקֶת נִיחְזֵקֶת אֲנָשָׁן

$$p \circ i = i' \circ p_1 \quad ; \quad p \circ j = j' \circ p_2$$

כדי, וći, ערכו מכך ש- $f: G \times H \rightarrow K$ היא פונקציה.

פ' הדריך נאכלה אל.ACלה עילאי, כב. ג' (עמ' 1)

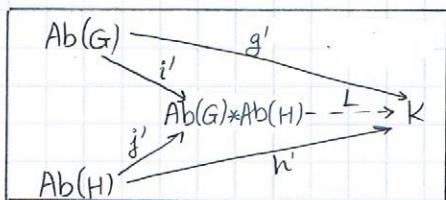
$$h': \text{Ab}(H) \rightarrow K^{-1} \quad g': \text{Ab}(G) \rightarrow K \quad f \in \mathcal{L}^{\text{gen}} \quad , L: \text{Ab}(G) * \text{Ab}(H) \longrightarrow K$$



לעתות קיץ נרמזו מילים בפונטיקה

• $f_2: H \rightarrow K$ - | $f_1: G \rightarrow K$ נומך מלחמי

$f \circ j = h' \circ p_2^{-1}$ $f \circ i = g' \circ p_1$ $\Rightarrow p_1 \circ N \circ f_2 := f \circ j^{-1}$ $f_1 := f \circ i$ $\Rightarrow f \circ N \circ g \circ i = f \circ j$



$$L \models \text{Ab}(G) * \text{Ab}(H) \quad \vdash_{\mathcal{N}^D} \varphi \quad \text{pk}$$

$$L \circ j' = h' \quad \text{and} \quad L \circ i' = g' \quad \rightarrow N \cap N)$$

$L \circ g = f$ if and only if $g \circ L^{-1} = f$.

: i \circ f \circ g = L \circ j \circ f \circ j $^{-1}$. L \circ g \circ i = f \circ i . g \circ f \circ NO

$$L \circ \rho \circ i = L \circ (\rho \circ i) = L \circ (i' \circ \rho_1) = (L \circ i') \circ \rho_1 = g' \circ \rho_1 = f \circ i$$

5 מוקל

$$\text{Ab}(F_n) \cong \mathbb{Z}^{n-2}$$

ולכך:

לפיו ארכיטקטורה של F_n היא \mathbb{Z}^n

$$\text{Ab}(F_1) \cong \text{Ab}(\mathbb{Z}) = \mathbb{Z}, \quad n=1$$

לעתכון $\text{Ab}(F_{n+1}) \cong \text{Ab}(F_n * F_1) \cong \text{Ab}(F_n) \times \text{Ab}(F_1) \cong \mathbb{Z}^n \times \mathbb{Z} = \mathbb{Z}^{n+1}$

לעתכון $\text{Ab}(F_2) \cong \mathbb{Z}^2$

$$\begin{array}{c} \text{Ab}(F_2) \cong \mathbb{Z}^2 \\ \text{Ab}(F_2) \cong \mathbb{Z} \times \mathbb{Z} \\ \text{Ab}(F_2) \cong \mathbb{Z} \times \mathbb{Z} \\ \text{Ab}(F_2) \cong \mathbb{Z} \times \mathbb{Z} \end{array}$$

לעתכון $\text{Ab}(F_3) \cong \mathbb{Z}^3$

לעתכון $\text{Ab}(F_4) \cong \mathbb{Z}^4$

לעתכון $\text{Ab}(F_5) \cong \mathbb{Z}^5$

לעתכון $\text{Ab}(F_6) \cong \mathbb{Z}^6$

לעתכון $\text{Ab}(F_7) \cong \mathbb{Z}^7$

לעתכון $\text{Ab}(F_8) \cong \mathbb{Z}^8$

לעתכון $\text{Ab}(F_9) \cong \mathbb{Z}^9$

לעתכון $\text{Ab}(F_{10}) \cong \mathbb{Z}^{10}$

לעתכון $\text{Ab}(F_{11}) \cong \mathbb{Z}^{11}$

לעתכון $\text{Ab}(F_{12}) \cong \mathbb{Z}^{12}$

לעתכון $\text{Ab}(F_{13}) \cong \mathbb{Z}^{13}$

לעתכון $\text{Ab}(F_{14}) \cong \mathbb{Z}^{14}$

לעתכון $\text{Ab}(F_{15}) \cong \mathbb{Z}^{15}$

לעתכון $\text{Ab}(F_{16}) \cong \mathbb{Z}^{16}$

לעתכון $\text{Ab}(F_{17}) \cong \mathbb{Z}^{17}$

לעתכון $\text{Ab}(F_{18}) \cong \mathbb{Z}^{18}$

6 ג' של

כליה שוגג אגדה $j: H \rightarrow G * H$ ו- $i: G \rightarrow G * H$ נקבעה (או מוגדרה)

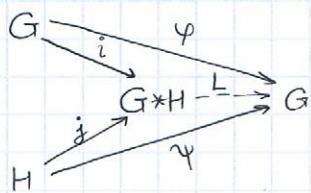
על עב-עב אובייקט. זוויות פיאר-הנובוט $G * H$ על H ו- G נקבעות.

הוכחה:

רכיב פאי i (הווכחה פאי יפואת).

$(\psi = \text{Id}_G) \quad \psi(x) = x \quad \forall x \in G \rightarrow G$

$(\psi(x) = 1_G \quad \forall x \in H \rightarrow G)$



פאי (הרכבה (או אגדה) על $G * H$ על G).

ונז. $L: G * H \rightarrow G$ הינו

$$\underbrace{L \circ i = \psi = \text{Id}_G}_{\text{ונז.}}$$

$$L \circ j = \psi$$

ולא ? שורש הנטול ופוי ח-ח נקבע.