

תורת הקבוצות - תרגיל בית 3

20 בנובמבר 2016

1. הוכיחו: α טבעי $\iff s(\alpha)$ טבעי.
2. נגדיר את ω להיות קבוצת כל הסודרים הטבעיים.
 - א. הוכיחו ש ω סודר.
 - ב. הוכיחו ש ω הוא הסודר הגבולי הקטן ביותר שאינו \emptyset .
 3. יהיו A, B קבוצות סדורות היטב איזומורפיות סדר. הוכיחו שהאיזו' סדר בניהן הוא יחיד.
4. תהי A קבוצה סדורה היטב, ו $B \subseteq A$. הוכיחו: $type(B) \leq type(A)$.
5. הוכיחו את "קש"ב לסודרים": יהיו A ו B סדורות היטב, ונניח שיש $f : A \rightarrow B$ שומרת סדר, ו $g : B \rightarrow A$ שומרת סדר, אז יש $h : A \rightarrow B$ איזומורפיזם סדר. (רמז: השתמשו בתרגיל הקודם)