

השלמה לתרגול של אלעד ב 16-17 ב23.11:  
רצינו להוכיח את השוויון:

$$A \cap (B \Delta C) = (A \cap B) \Delta (A \cap C)$$

לפי הגדרת ההפרש הסימטרי:

$$A \cap (B \Delta C) = A \cap ((B \setminus C) \cup (C \setminus B))$$

לפי הפילוג (דיסטריביוטיביות) של איחוד וחיתוך:

$$A \cap ((B \setminus C) \cup (C \setminus B)) = (A \cap (B \setminus C)) \cup (A \cap (C \setminus B))$$

נייצג את ההפרשים בעזרת המשלימים:

$$(A \cap (B \setminus C)) \cup (A \cap (C \setminus B)) = (A \cap (C^c \cap B)) \cup (A \cap (B^c \cap C))$$

לפי הקיבוציות (אסוציאטיביות) והחילופיות (קומוטטיביות) של החיתוך:

$$(A \cap (C^c \cap B)) \cup (A \cap (B^c \cap C)) = ((A \cap B) \cap C^c) \cup ((A \cap C) \cap B^c)$$

נחזור חזרה לייצוג ע"י הפרש:

$$((A \cap B) \cap C^c) \cup ((A \cap C) \cap B^c) = ((A \cap B) \setminus C) \cup ((A \cap C) \setminus B)$$

כעת, בהפרש אנחנו מורידים מהקבוצה רק את האיברים שנמצאים גם בה וגם בקבוצה השנייה. כלומר,  $A \setminus B = A \setminus (A \cap B)$ . במקרה שלנו, נקבל ש:

$$((A \cap B) \setminus C) \cup ((A \cap C) \setminus B) = ((A \cap B) \setminus (A \cap C)) \cup ((A \cap C) \setminus (A \cap B))$$

ולפי הגדרת ההפרש הסימטרי:

$$((A \cap B) \setminus (A \cap C)) \cup ((A \cap C) \setminus (A \cap B)) = (A \cap B) \Delta (A \cap C)$$

מש"ל.

בתרגול השני (ב17-18) הוכחנו בדרך שונה מעט; מי שהיה נוכח מוזמן להעלות את הסיכומים לדרופבוקס (בקישור "סיכומי הרצאה" תמצאו את המחיצה המתאימה).